Разберём каждое выражение при (a = -6).

1) (\dfrac{1}{\sqrt[5]{a - 6}})

Подставим:

$$(a - 6 = -6 - 6 = -12).$$

Пятая корень (нечётная степень) из отрицательного числа существует.

Знаменатель $\neq 0$, значит выражение имеет смысл.

2) ($\sqrt{a^5}$)

$$(a^5 = (-6)^5 = -7776).$$

Квадратный корень из отрицательного числа **не имеет смысла** в действительных числах. **Х**

3) $(\sqrt{5}[5][a]$

Пятая корень из отрицательного числа существует.

4) (\dfrac{1}{\sqrt[6]{a - 6}})

$$(a - 6 = -12).$$

Шестая корень (чётная степень) из отрицательного числа не имеет смысла. 🗶

5) (\sqrt[6]{a})

$$(a = -6).$$

Чётная корень из отрицательного числа — не существует. 🗶

✓ Ответ: 1 и 3.